

Quaderni dell'Unione Matematica Italiana

32

L. Pandolfi

Alcuni metodi  
matematici nella teoria  
dei sistemi lineari  
di controllo

Pitagora Editrice • Bologna 1986

## INDICE

Prefazione .....	IX
Abbreviazioni .....	XI

**Capitolo I - INTRODUZIONE**

1. Descrizione del sistema .....	1
2. Alcune considerazioni .....	4
3. Un esempio semplice .....	6
4. Un filtro elettronico .....	12
5. Il problema della realizzazione .....	19
6. Un circuito amplificatore .....	21
7. Il contenuto di questo quaderno .....	28
8. Riferimenti bibliografici .....	30

**Capitolo II - IL SISTEMA  $S(B, A)$** 

1. Introduzione .....	31
2. Il caso del controllo unidimensionale .....	33
3. Alcuni risultati teorici .....	40
4. L'aggregazione del gruppo $\mathcal{G}$ .....	48
5. I sistemi completamente controllabili .....	54
6. Controllabilità e perturbazioni .....	61
7. L'azione dei cambiamenti di coordinate in $R^n$ .....	67
8. L'azione delle controllazioni .....	75
9. Due esempi .....	80
10. I sette passi di controllabilità .....	87

11. I sottospazi di controllabilità e la forma canonica di Brunovsky .....	89
12. Le dimensioni dei sottospazi di controllabilità .....	93
13. Proprietà dinamiche dei sottospazi di controllabilità .....	97
14. I sottospazi di mantenibilità, i sottospazi S-invarianti ed i sottospazi di stabilizzazione .....	100
15. Un metodo iterativo per costruire i sottospazi di controllabilità .....	107
16. Un problema di taratura .....	112
17. Considerazioni finali .....	119
18. Riferimenti bibliografici .....	119

**Capitolo III - IL SISTEMA  $S(B, A, C)$** 

1. Considerazioni preliminari .....	121
2. I sottospazi invarianti per il sistema che sono contenuti in $N$ .....	122
3. Sistemi conservabili e non conservabili .....	128
4. La decomposizione canonica di Kalman .....	131
5. La storia dello stato e la costruzione di un compensatore .....	134
6. Un esempio di osservatore .....	141
7. I sottospazi di controllabilità contenuti in $N$ .....	142
8. Relazioni tra i sottospazi S-invarianti ed i sottospazi di controllabilità .....	151
9. Descrizione invariante del sistema $S(B, A, C)$ preliminare .....	156
10. La forma canonica di Morse .....	161
11. Una forma quasi canonica per il sistema $S(B, A, C)$ .....	171
12. Un esempio .....	172
13. I polinomi di trasmissione ed i polinomi invarianti della matrice del sistema .....	175
14. Considerazioni finali .....	177
15. Riferimenti bibliografici .....	177

**Capitolo IV - DESCRIZIONE INTERNA E DESCRIZIONE ESTERNA**

1. Introduzione .....	179
2. Poli, zeri, impedenza e ammettezza .....	181
3. La forma di Smith-McMillan .....	188
4. Decomposizioni restringenti, $\tau_g$ -controllabilità e $\tau_g$ -conservabilità .....	192
5. I poli di una matrice razionale .....	196
6. Gli zeri di una matrice razionale .....	199
7. La struttura di $(zI - A)$ e quella di $T(z)$ .....	203
8. Gli zeri (finiti ed infiniti) di $S(z)$ e la funzione di trasferimento .....	219
9. Le frequenze che vengono bloccate dagli zeri .....	224

10. Gli intaci del fascio $S(z)$ . . . . .	227
11. Realizzazioni cinematiche . . . . .	239
12. L'insieme delle funzioni di trasferimento . . . . .	234
13. La costruzione di una soluzioine canonica . . . . .	239
14. Il problema del servomeccanismo . . . . .	259
15. Il principio del modello interno . . . . .	254
16. Il problema della calibrazione della sensitività . . . . .	262
17. La compensazione in frequenza in un circuito amplificatore . . . . .	279
18. Considerazioni finali . . . . .	277
19. Riferimenti bibliografici . . . . .	277

#### APPENDICI

1. Equazioni differenziali lineari affini . . . . .	279
2. Trasformata di Laplace . . . . .	281
3. Diagramma a blocchi . . . . .	283
4. Algebre lineari . . . . .	285
Riferimenti bibliografici . . . . .	288
 Bibliografia . . . . .	289
 Indice analitico . . . . .	294